Übungen zur Vorlesung $\lambda\textsc{-Kalkül}$ und kombinatorische Logik

Aufgabe 1 [2+2+2]

Geben Sie Ableitungen folgender Formeln in $P \to$ an. Übersetzen Sie diese Ableitungen in $\lambda \to$

(a)
$$\alpha \to \beta \to \gamma \vdash \beta \to \alpha \to \gamma$$

(b)
$$\alpha \to \alpha \to \beta \vdash \alpha \to \beta$$

(c)
$$\alpha \to \beta \to \gamma \vdash (\alpha \to \beta) \to \alpha \to \gamma$$

Aufgabe 2 [3+1+4]

Geben Sie einen Term an, so daß

(a)
$$(\alpha \to \alpha) \to (\alpha \to \alpha) \to \alpha \to \alpha$$

(b)
$$(\alpha \to \alpha) \to \beta \to \alpha \to \alpha$$

(c)
$$(\alpha \to \alpha) \to (\beta \to \beta) \to \alpha \to \alpha$$

dessen Haupttyp ist.